

<b>COURS</b> 	<b>LOGIQUE COMBINATOIRE</b> <b>OPERATIONS BOOLEENES</b> <b>OU LOGIQUES</b>	<b>CLASSE : TS .</b>
		<b>DATE : / /</b>

### 1. Propriétés et opérations élémentaires.

• **Commutativité :** Pour le ET :  $S = a \cdot b$  peut s'écrire :  $S =$   
 Pour le OU :  $S = a + b$  peut s'écrire :  $S =$

• **Associativité :** Pour le ET :  $S = a \cdot (b \cdot c)$  peut s'écrire :  $S = ( ) \cdot$   
 Pour le OU :  $S = a + (b + c)$  peut s'écrire :  $S = ( ) +$

• **Distributivité :** De la multiplication par rapport à l'addition  
 $S = a \cdot (b + c)$  peut s'écrire :  $S = (a \cdot b) + ( )$   
 De l'addition par rapport à la multiplication  
 $S = a + b \cdot c$  peut s'écrire :  $S = ( ) \cdot (a + c)$

• **Complémentation :**

$\begin{matrix} a \\ \bar{a} \end{matrix} \text{---} \& \text{---} S = a \cdot \bar{a}$	<table border="1"> <tr><th>a</th><th><math>\bar{a}</math></th><th>S</th></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td></td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td></td></tr> </table>	a	$\bar{a}$	S	0	1		1	0		$S =$ La sortie n'est jamais validée, l'opérateur est inutile
a	$\bar{a}$	S									
0	1										
1	0										
$\begin{matrix} a \\ \bar{a} \end{matrix} \text{---} \geq 1 \text{---} S = a + \bar{a}$	<table border="1"> <tr><th>a</th><th><math>\bar{a}</math></th><th>S</th></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td></td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td></td></tr> </table>	a	$\bar{a}$	S	0	1		1	0		$S =$ La sortie est toujours validée, l'opérateur est inutile
a	$\bar{a}$	S									
0	1										
1	0										

• **Idempotence :**

$\begin{matrix} a \\ a \end{matrix} \text{---} \& \text{---} S = a \cdot a$	<table border="1"> <tr><th>a</th><th>a</th><th>S</th></tr> <tr><td>0</td><td>0</td><td></td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td></td></tr> </table>	a	a	S	0	0		1	1		$S =$ L'opérateur n'est pas nécessaire
a	a	S									
0	0										
1	1										
$\begin{matrix} a \\ a \end{matrix} \text{---} \geq 1 \text{---} S = a + a$	<table border="1"> <tr><th>a</th><th>a</th><th>S</th></tr> <tr><td>0</td><td>0</td><td></td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td></td></tr> </table>	a	a	S	0	0		1	1		$S =$ L'opérateur n'est pas nécessaire
a	a	S									
0	0										
1	1										

• **Élément neutre :**

$\begin{matrix} a \\ 0 \end{matrix} \text{---} > 1 \text{---} S = a + 0$	<table border="1"> <tr><th></th><th>a</th><th>S</th></tr> <tr><td>0</td><td>0</td><td></td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td></td></tr> </table>		a	S	0	0		0	1		$S =$ L'opérateur n'est pas nécessaire
	a	S									
0	0										
0	1										
$\begin{matrix} a \\ 1 \end{matrix} \text{---} \& \text{---} S = a \cdot 1$	<table border="1"> <tr><th></th><th>a</th><th>S</th></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td></td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td></td></tr> </table>		a	S	1	0		1	1		$S =$ L'opérateur n'est pas nécessaire
	a	S									
1	0										
1	1										

• **Élément absorbant :**

$\begin{matrix} a \\ 0 \end{matrix} \text{---} \& \text{---} S = a \cdot 0$	<table border="1"> <tr><th></th><th>a</th><th>S</th></tr> <tr><td>0</td><td>0</td><td></td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td></td></tr> </table>		a	S	0	0		0	1		$S =$ La sortie n'est jamais validée, l'opérateur est inutile
	a	S									
0	0										
0	1										
$\begin{matrix} a \\ 1 \end{matrix} \text{---} \geq 1 \text{---} S = a + 1$	<table border="1"> <tr><th></th><th>a</th><th>S</th></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td></td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td></td></tr> </table>		a	S	1	0		1	1		$S =$ La sortie est toujours validée, l'opérateur est inutile
	a	S									
1	0										
1	1										

• **Résumé :**

RESUME		
$\begin{matrix} S = a \cdot a \\ S = a + a \\ S = a \cdot 1 \\ S = a + 0 \end{matrix} \left  \begin{matrix} \\ \\ \\ \\ \end{matrix} \right. \begin{matrix} S = \\ \\ \\ \\ \end{matrix}$	$\begin{matrix} S = a \cdot \bar{a} \\ S = a \cdot 0 \end{matrix} \left  \begin{matrix} \\ \\ \end{matrix} \right. \begin{matrix} S = \\ \\ \end{matrix}$	$\begin{matrix} S = a + \bar{a} \\ S = a + 1 \end{matrix} \left  \begin{matrix} \\ \\ \end{matrix} \right. \begin{matrix} S = \\ \\ \end{matrix}$

- **Absorption :**  $S = a + (b \cdot a)$  se simplifie par :  $S =$   
 $S = a \cdot (b + a)$  se simplifie par :  $S =$
- **Involution :**  $S = \bar{\bar{a}}$  se simplifie par :  $S = a$   
 $S = \bar{\bar{\bar{a}}}$  se simplifie par :  $S = \bar{a}$
- **Inclusion :**  $S = (a \cdot b) + (a \cdot \bar{b})$  se simplifie par :  $S = a$

### 2. Relations fondamentales.

Comme les opérations élémentaires, ces relations fondamentales permettent des simplifications d'équations logiques.

$a + \bar{a} \cdot b \equiv$ $a + a \cdot b \equiv$ $a \cdot b + \bar{a} \cdot c \equiv$ $a + b \cdot c \equiv$
--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### 3. Théorèmes de De Morgan.

- **Complémentation d'un produit logique :**  
 Le complément d'un produit logique est égal à la somme logique des facteurs complémentés de ce produit.  $S =$
- **Complémentation d'une somme logique :**  
 Le complément d'une somme logique est égal au produit logique des termes complémentés de cette somme.  $S =$